

**РАЗЛИЧИЕ МЕТОДОВ АНАЛИЗА И СИНТЕЗА В ОБУЧЕНИИ  
ПРЕДМЕТА МАТЕМАТИКЕ**

*Сведения об авторах*

***В.Ж.Алламуртова***

***Алламуратова Венера Жумамуратовна,***  
*ассистент Каракалпакский госуниверситет.*

***Аннотация:*** В статье показано методы анализа и синтеза решений данных задач по изучению математики, студенты доказывают свои индивидуальные отношения, основываясь на данные примеры и задачи.

***Ключевые слова:*** Математический индукция, метод анализа, метод синтеза, неравенства Бернулли.

В педагогике урок, основа учебно-воспитательного процесса. Поэтому в процессе уроки содержание обще обучаемое, воспитательное и развивает практические характера.

1997 году 29 августа после постановления Национальной программы по подготовке кадров каждый проводимый урок проводится на основе стандарта разработанный совета министров [3].

**Определение 1:** Поиск метода от неясности в ясность называется методом анализа [2].

Мышление по методу анализа студент обязан отвечать на вопросы: «Что надо знать, чтобы найти неясность?»

Психологи объясняют эту метод: «методика изыскания частей в целом является анализом». В анализе каждый шаг имеет основу, то есть каждый этап основывается на определенные правила. Доказывая свои идей докажем ниже данную теорему.

**Теорема:** Два числа представляют собой среднее арифметическое значение, что эти цифры не являются средней геометрией. [1].

**Доказательства.** Даны цифры  $a$  и  $b$ ;  $a > 0, b > 0, a \neq b$ .

$$\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab}$$

$$\frac{a+b}{2} - \sqrt{ab} = 0, \quad a+b - 2\sqrt{ab} \geq 0,$$

$$(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2 \geq 0.$$

Значит, будет  $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab}$ .

Чтобы студентам было понятно, пересмотрим некоторые задачи доказанной теореме:

**Задача 1:** Представим, даны три цифры-  $a, b, c$ ;  $a > 0, b > 0, c > 0, a \neq b \neq c$ .

Надо доказать:  $\frac{a+b+c}{3} \geq \sqrt[3]{abc}$ .

**Доказательства.** Пусть представим,  $a = x^3, b = y^3, c = z^3$ , тогда (в этом случае)

$$\left( \frac{x^3+y^3+z^3}{3} \geq \sqrt[3]{x^3y^3z^3} \right) \Rightarrow (x^3+y^3+z^3 \geq 3 \cdot \sqrt[3]{x^3y^3z^3}) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (x^3+y^3+z^3 \geq 3xyz) \Rightarrow (x^3+y^3+z^3 - 3xyz \geq 0) \quad (2)$$

Если мы покажем устойчивости (2) неравенство,  $\frac{a+b+c}{3} \geq \sqrt[3]{abc}$

Значит покажем.

$$[(x^3+y^3+z^3 - 3xyz) \geq 0] \Rightarrow [(x+y+z)^3 - 3(x+y+z) \cdot (xy+xz+yz)] \geq 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow [(x+y+z) \cdot (x^2+y^2+z^2 - xy+xz+yz)] \geq 0 \quad (3)$$

На (3) первое умножение положительное, если покажем вторые умножение положительно, сможем показать (2) неравенство положительно:

$$(x^2+y^2+z^2 - xy+xz+yz) = \frac{1}{2}(2x^2+2y^2+2z^2 - 2xy - 2xz - 2yz) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}[(x - z)^2 + (x - y)^2 + (y - z)^2] \geq 0, \quad (4)$$

(4) неравенство, всегда смотря на данное положительное, если будет  $x = y = z$ , (4) неравенство будет с нуля, тогда (2) неравенство превращается в равенство.

Значит,  $\frac{a+b+c}{2} \geq \sqrt{abc}$  касается неравенству.

**Пример 2:** Докажите

$$\sqrt{1 \cdot 2} + \sqrt{2 \cdot 3} + \sqrt{3 \cdot 4} + \dots + \sqrt{99 \cdot 100} < \frac{9999}{2}.$$

Этот пример докажем выше представленной теоремой: Из за постоянные цифры  $a$  и  $b$  ниже данные неравенство будет соответствую

$\sqrt{a \cdot b} < \frac{a+b}{2}$  при использований неравенство,

$$\sqrt{1 \cdot 2} < \frac{1 + 2}{2}$$

$$\sqrt{2 \cdot 3} < \frac{2 + 3}{2}$$

$$\sqrt{3 \cdot 4} < \frac{3 + 4}{2}$$

...

$$\sqrt{99 \cdot 100} < \frac{99 + 100}{2}$$

Если добавим, правые и левые сторона имеется ниже данные неравенства:

$$\begin{aligned} \sqrt{1 \cdot 2} + \sqrt{2 \cdot 3} + \sqrt{3 \cdot 4} + \dots + \sqrt{99 \cdot 100} &< \frac{1 + 2 \cdot (2 + 3 + 4 + \dots + 99) + 100}{2} \\ &= \frac{9999}{2} \end{aligned}$$

Значит, выйдет правильность неравенства.

**Определение 2:** Из определенности искать неопределенность называется методом синтеза [1].

Мы отвечаем на вопрос: что мы находим в методе синтеза на основе того, что нам дали? Докажем выше данную теорему по методу синтеза.

$$(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2 \geq 0 \Rightarrow a - 2\sqrt{ab} + b \geq 0 \Rightarrow \frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab}$$

При помощи методов анализ и синтеза докажем неравенство Бернулли.

$x \geq 1$  ( $x \in R$ ) и желательно  $n \in N$  этому неравенство

$$(1+x)^{n+1} \geq 1+nx \quad (1)$$

устойчиво.

• Эту неравенства докажем методом математической индукцией.

Понятно что, в  $n = 1$  неравенство (1) будет устойчивый.

$$1+x = 1+x.$$

Теперь в  $n \in R$  (1) отношение устойчивый, его покажем и для  $n + 1$ .

(1) находим, две стороны неравенство умножая на  $1+x$ . [1]:

$$(1+x)^{n+1} \geq (1+nx) \cdot (1+x) = 1+(n+1)x+nx^2 \geq 1+(n+1)x$$

По математическому методу индукций отношение (1) к желаемой для  $n \in N$  будет подобно.

• Думая в  $n + 1$  подобно делим  $1+x$  и  $n = 1$  покажем подобность с путем синтеза.

$$1+(n+1)x \leq 1+(n+1)x+nx^2 = (1+nx) \cdot (1+x) \leq (1+x)^{n+1}.$$

В  $n = 1$  будет  $1+x = 1+x$ . Значит,  $(1+x)^{n+1} \geq 1+nx$  выходит подобным.

Выше дано, что методы анализ значимо удобный метод чем синтез, здесь студенты индивидуально доказывает размышление, обосновываясь на задач и поможет решать примеры. В общем, методы анализ и синтеза не разделяются друг от друга, и ведутся методом аналитической и синтетической. Например, если теорему докажем путем доказательство, его объясним по методу синтеза, потому - что этот метод довольно практичный и быстро поведет к цели.

### Список литературы

[1] С. Алиханов. Математика ўқитиш методикаси. Тошкент, Издательство «Ўқитувчи», 2008.365с.

[2] Худойбергганов Г., Ворисов А., Мансуров Н., Математик анализ, 1 ва 2 қисмлар, Қарши, Издательство «Насаф», 2003.467с.

[3] «Ўзбекистон Республикасининг таълим тўғрисидаги қонуни» ва «Кадрлар тайёрлаш миллий дастури»//Баркамол авлод – Ўзбекистон тарақиётининг пойдевори. Тошкент, Издательство «Шарқ», 1998г.496с.